

Рассмотрим равнобедренный треугольник. Длину основания обозначим $2a$, а длину боковой стороны b . Покажем, что если длина медианы, опущенной на основание, $m = 2^{n+1}$, то существует не менее n треугольников с целыми сторонами. Действительно,

$$m^2 = b^2 - a^2 = (b - a)(b + a) = 2^{2n+2}.$$

Легко получаем n натуральных a и b , удовлетворяющих этому равенству:

$$b = 2^{2n-k+1} + 2^{k-1},$$

$$a = 2^{2n-k+1} - 2^{k-1},$$

где $k = 1, \dots, n$. А следовательно, и n равнобедренных треугольников с целыми сторонами $2a$, b , b и медианой, опущенной на основание, $m = 2^{n+1}$.